

BREVET DES COLLEGES

Série générale

Épreuve :

Mathématiques

Session de juin 2023

Durée de l'épreuve : 2 heures

PROPOSITION DE CORRIGÉ

Exercice 1.

1. L'étendue est $160-75=85$ euros (différence entre la plus grande et la plus petite valeur).

2.a.La formule à écrire en G2 est SOMME (B2:F2)

2.b.3575 paires ont été vendues.

3.a.On calcule $75 \times 1200 + 100 \times 950 + 110 \times 875 + 140 \times 250 + 160 \times 300 = 364250$ euros

3b.On calcule $364250/3575=101,89$ euros pour le prix moyen.

Exercice 2.

1.L'aire du rectangle BCDE est $A= BC \times EB$ soit $A=4,2 \times 7=29,4 \text{ cm}^2$

2.a.Le triangle ABE est rectangle en A : on applique le théorème de Pythagore.

$AB^2 + AE^2 = BE^2$ d'où $AE^2 = BE^2 - AB^2$ soit $AE^2 = 31,36 \text{ cm}^2$ donc $AE = \sqrt{31,36} = 5,6 \text{ cm}$

2.b.L'aire du triangle ABE est $(AB \times AE)/2$ soit $A=11,8 \text{ cm}^2$

3a.(ED) et (HA) sont toutes deux perpendiculaires à (CD) : elles sont donc parallèles.

3b.On peut appliquer le théorème de Thales $FE/FA = FD/FH = ED/AH$

Donc $AH = (ED \times FA) / FE$

soit $AH = (4,2 \times 12,6) / 7 = 7,56 \text{ cm}$

Exercice 3.

1.B

2.C

3.A.

4.B

5.B

Exercice 4.

1.a. Chaque marche a une hauteur de 17 cm. Pour obtenir une hauteur de 272 cm : on calcule $272/17=16$ marches.

1.b. On calcule la longueur d de chaque marche en utilisant le théorème de Pythagore dans chaque triangle rectangle créé par la marche.

h est la hauteur , p est la profondeur

On a donc $h^2+p^2=d^2$.

Soit $d^2= 27^2+17^2$ soit $d =31,9$ cm.

Il y a 16 marches donc $AC=16 \times 31,9=510,4$ cm.

On applique le théorème de Pythagore dans ABC rectangle en B .

$AB^2=AC^2-BC^2$ soit $AB^2= 510,4^2 -272^2 = 186524$ soit $AB= \sqrt{186524} =432$ cm

$2a. \cos (BAC)= AB/AC$ soit $\cos (BAC)=432/510,4=0,846$

$BAC =\text{Arccos} (0,846)=32$ degrés

2.b. La montée est donc agréable.

3.

Répéter 16 fois.

Tourner de 90 degrés.

Avancer de 17 pas.

Avancer de 27 pas.

Exercice 5.

1.a. $(-3) \times (-2) + 5 = 6 + 5 = 11$

1.b. $5,5 - 5 = 0,5$ puis $0,5 \times 3 = 1,5$ puis $1,5 + 11 = 12,5 = 25/2$

2. Si x est le nombre de départ, avec le programme B on calcule $3(x-5)+11 = 3x-15+11=3x-4$

3.a. D1 est la représentation de g car l'ordonnée à l'origine est -4 et le coefficient directeur est positif.

D2 représente f car l'ordonnée à l'origine est 5 et le coefficient directeur est négatif

3.b. On lit l'abscisse de l'intersection soit $x=1,8$

4. Il faut résoudre $-2x+5=3x-4$ soit $5x=9$ d'où $x=9/5$