Об'єктом досліджень є процес динамічної взаємодії складної системи циклічно-симетричних деталей опорного з'єднання з урахуванням наявності стаціонарних тріщин. Для значної кількості конструктивних елементів та деталей, що експлуатуються в умовах динамічних навантажень, характерним є виникнення та розповсюдження тріщин в зонах суттєвих пластичних деформацій. Зокрема, для опорного пристрою, який являє собою циклічно симетричне тіло з граничним випадком неоднорідності, при дії імпульсних навантажень на границях з'єднань циліндричної частини з виступами виникають зони пластичної течії. За умови наявності в означених областях тріщин, виникає необхідність достовірного визначення параметрів руйнування та прогнозування росту тріщини в часі.

Для побудови моделей означеного класу об'єктів одним з найбільш універсальних та достовірних чисельних методів є напіваналітичний метод скінчених елементів.

В даній роботі представлені результати обчислення на базі напіваналітичного методу скінчених елементів параметрів механіки руйнування для об'єкта з неоднорідними фізико-механічними властивостями при наявності стаціонарних тріщин в умовах імпульсного навантаження та пластичних деформацій. Чисельне дослідження виконано в два етапи. На першому етапі встановлено закономірності пружно-пластичного динамічного деформування системи. Визначені найбільш імовірні зони накопичення пошкоджень та виникнення тріщин, що є причиною виходу з ладу елементів конструкції. На другому етапі розглянуто модель із тріщиною, яка розташована в зоні пластичних деформацій, обчислені значення динамічних коефіцієнтів інтенсивності напружень та досліджено їх еволюцію у часі.

Отримані результати досліджень можуть бути використані при чисельних розрахунках неоднорідних тіл з пошкодженнями типу тріщин в умовах пружно-пластичних динамічних деформацій.

Ключові слова: динамічне навантаження, скінчено-елементна модель, стаціонарні тріщини, параметри механіки руйнування.
of Structural Mechanics of the Kyiv National University of Construction and Architecture (KNUCA RI SM). The main task is to build a spatial end element model (SEM) of the object using the developed special finite elements that simulate the presence of a crack and contact.

The main (inner) part of the support joint (Fig. 1) is a massive cylinder with 4 rows of sector projections uniformly spaced along the annular coordinate on the outer surface. The outer part is also made in the form of a cylinder with 3 rows of projections on the inner surface.

The main (inner) part of the support joint (Fig. 1) is a massive cylinder with 4 rows of sector projections uniformly spaced along the annular coordinate on the outer surface. The outer part is also made in the form of a cylinder with 3 rows of projections on the inner surface.

The purpose of the object of research is the content of the projectile in the gun barrel. The phenomenon of the shot is modeled by a pulsed load applied to the upper end of the lid of the inner part. The rate of increase and the duration of the pressure allows to apply it instantly with intensity \( q_a = 7.39 \times 10^8 \) Pa and hold it for a time interval \( t \in [0; 2.4 \times 10^{-4}] \) s. The elastic modulus of the material \( E = 2.1 \times 10^{11} \) Pa, \( p = 7.8 \times 10^3 \) density \( \text{kg/m}^3 \), Poisson’s ratio \( \nu = 0.3 \), yield strength \( \tau_s = 2.7 \times 10^8 \) Pa.

The analysis of individual elements [10] shows a significant non-uniformity of the congestion of the projections along the annular coordinate; it requires spatial modeling of the joint as a cyclically symmetric structure. In a cross section, the structure is approximated by a set of homogeneous and inhomogeneous annular finite elements (FEs). In the region of cutouts, the elastic modulus, density, and Poisson’s ratio are taken equal to zero. Modeling of contact interaction between performances is carried out using special contact FEs, which accept only compressive loads normal to the contact surface. Taking into account the presence of cracks in the zones of plastic deformations is ensured by introducing into the design scheme specially developed dynamics problems for FEs with cracks.

A study of the convergence of solutions shows that when the number of nodes in the grid region is more than doubled (from 500 to 940) or the number of members of the Fourier series from 12 to 20, the difference in maximum stresses does not exceed 5%. When approximating the structure along the circumferential coordinate, 20 members of the Fourier series are contained, the grid is preserved in the cross section – 20x47, time step \( \Delta t = 3 \times 10^{-6} \) s. To ensure the required accuracy of solving the system of equations, it is enough to use the value \( \epsilon = 10^{-3} \).

3. Research results and discussion

The analysis of the stress-strain state of the object shows that the corner zones where structural performances are structurally combined with the cylinder body are maximally loaded. The value of the stress intensity obtained in these areas on the basis of elastic calculation reaches values exceeding the value of the yield strength of the material, leading to the need to solve the elastic-plastic problem of dynamic deformation.

At the initial stages of deformation, stress waves arise along the inner part \( Z' \) in the barrel, the level of which is significantly less than the yield strength. Plastic deformations occur during the oscillation of the entire part and are local in nature (areas of projections). First appear at \( t = 6.6 \times 10^{-5} \) s and develop to \( t = 29.1 \times 10^{-5} \) s when they acquire their maximum values. Zones of nonlinear work of the material are presented at performances in the form of isolines at time \( t = 29.1 \times 10^{-5} \) s (Fig. 2).

Through performances, an interaction (contact) occurs between the internal and external parts of the supporting device. The purpose of the object of research is the content of the projectile in the gun barrel. The phenomenon of the shot is modeled by a pulsed load applied to the upper end of the lid of the inner part. The rate of increase and the duration of the pressure allows to apply it instantly with intensity \( q_a = 7.39 \times 10^8 \) Pa and hold it for a time interval \( t \in [0; 2.4 \times 10^{-4}] \) s. The elastic modulus of the material \( E = 2.1 \times 10^{11} \) Pa, \( p = 7.8 \times 10^3 \) density \( \text{kg/m}^3 \), Poisson’s ratio \( \nu = 0.3 \), yield strength \( \tau_s = 2.7 \times 10^8 \) Pa.
After determining the stress-strain state of the object in the areas of maximum plastic deformations using special finite elements, inclined annular cracks with vertices at the edges of the projections are modeled (Fig. 3).

![Image](image_url)

**Fig. 3.** Fragment of a finite element model with special finite elements with cracks

SIF calculation is carried out by two methods: direct (line) and based on the energy approach (reaction method, brand). The results are shown in Fig. 4 in the form of normalized values of dynamic SIF $K_q$. The stress intensity factor of the second kind $K_{II}$ (dashed line, squares) is approximately $10+12$ % of $K_I$ (solid lines, circles).

![Image](image_url)

**Fig. 4.** The evolution of the dynamic stress intensity factor

As can be seen from the graphs in Fig. 4, the difference between the results obtained using various approaches does not exceed 2–3 %, which is quite acceptable for dynamic problems.

### 4. Conclusions

According to the results of the finite-element calculation of the details of the support connection, it is found that the corner zones are the most loaded, where sector performances are structurally combined with the cylinder body. The most probable zones of crack initiation that can occur in areas where the intensity of plastic deformations are from 0.19 to 0.47 % are determined. The calculated values of the dynamic stress intensity factors (DSIF) and studies of their evolution in time showed that the maximum values of the normalized DSIF of the first kind do not exceed 2.0, and the second kind – 0.25. Moreover, the values change cyclically with a period of $12.9 \times 10^{-5}$ s. The obtained research results can be used in numerous calculations of inhomogeneous bodies with damage such as cracks in the conditions of elastic-plastic dynamic deformations.

### References

1. Funari, M. F., Lonetti, P., Spadea, S. (2019). A crack growth strategy based on moving mesh method and fracture mechanics. *Theoretical and Applied Fracture Mechanics, 102*, 103–115. doi: [http://doi.org/10.1016/j.tafmec.2019.03.007](http://doi.org/10.1016/j.tafmec.2019.03.007)
2. Ooi, E. T., Shi, M., Song, C., Tin-Loi, F., Yang, Z. J. (2013). Dynamic crack propagation simulation with scaled boundary polygon elements and automatic remeshing technique. *Engineering Fracture Mechanics, 106*, 1–21. doi: [http://doi.org/10.1016/j.engfracmech.2013.02.002](http://doi.org/10.1016/j.engfracmech.2013.02.002)
3. Zhang, Y., Zhuang, X. (2019). Cracking elements method for dynamic brittle fracture. *Theoretical and Applied Fracture Mechanics, 102*, 1–9. doi: [http://doi.org/10.1016/j.tafmec.2018.09.015](http://doi.org/10.1016/j.tafmec.2018.09.015)
4. Bazhenov, V. A., Guliar, O. I., Piskunov, S. O., Sakharov, O. S. (2002). CHiselne modeliuvannia nelineinoho deformuvannia, kontinualnogo i diskretnego runuvannya metodom skinchennikh elementiv: Tekhnologicheskie sistemy, 2, 30–53.
5. Guliar, A. I. (1984) Ob odnom metode rascheta prostranstven-nykh konstruktsii na osnove obshcheisheia poluanaliticheskogo varianta MKE dla zamknutykh nekrugovykh konechnykh ele-mentov. *Soprotivlenie materialov i teoriia sooruzhenii, 44*, 44–46.
6. Hrechukh, N. A., Pyskunov, S. O., Ostapenko, R. M. (2006). Obchyslenna KIN v prostorovykh tilakh obertanhia pri temperaturnomu navantazhenni. *Opir materiali i teoria sporad*, 80, 38–53.
7. Solodei, I. I. (2002) Napivanalitychnyi metod skinchennych elementiv v doslidzheniyi pruzhnoplastychnykh kolyvan neod- norodynych tel vrashcheniia pri impulsonom nagruzhenii. *Soprotivlenie materialov i teoriia sooruzhenii, 63*, 103–114.
8. Solodei, I. I. (2002) Napivanalitychnyi metod skinchennych elementiv v doslidzheniyi pruzhnoplastychnykh kolyvan neod- norodynych tel vrashcheniia pri impulsonom nagruzhenii. *Soprotivlenie materialov i teoriia sooruzhenii, 63*, 103–114.
9. Solodei, I. I. (2006) Napivanalitychnyi metod skinchennych elementiv v doslidzheniyi pruzhnoplastychnykh kolyvan neod- norodynych tel vrashcheniia pri impulsonom nagruzhenii. *Soprotivlenie materialov i teoriia sooruzhenii, 67*, 90–98.
10. Solodei, I. I., Vabischevych, M. O., Sakharov, O. S., Huliar, O. I. (2006). Vyznachennia koefitsiientiv intensyvnosti napruzen pry dmachnykh i diskretnym runuvannya. *Opir materiali i teoria sporad*, 78, 61–76.

**Bazhenov Viktor**, Doctor of Technical Sciences, Professor, Head of Department of Structural Mechanics, Kyiv National University of Construction and Architecture, Ukraine, e-mail: vilabazh@ukr.net, ORCID: [http://orcid.org/0000-0002-5802-9848](http://orcid.org/0000-0002-5802-9848)

**Vabischevich Maksim**, PhD, Department of Structural Mechanics, Kyiv National University of Construction and Architecture, Ukraine, e-mail: vabix@ukr.net, ORCID: [http://orcid.org/0000-0002-0755-5186](http://orcid.org/0000-0002-0755-5186)

Electronic copy available at: https://ssrn.com/abstract=3676908